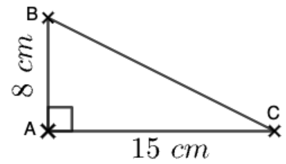
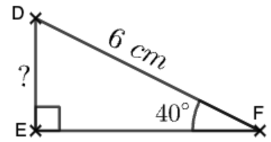
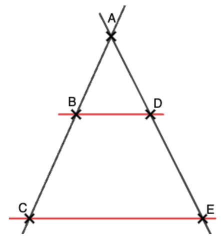
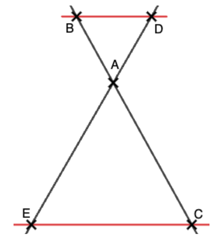
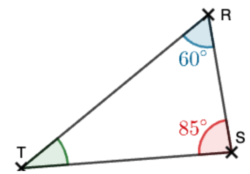
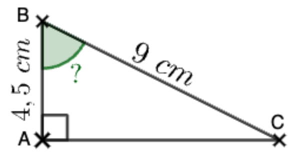
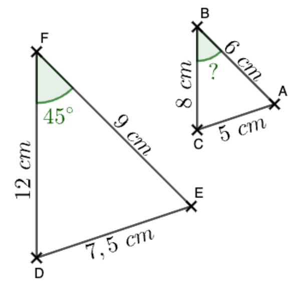
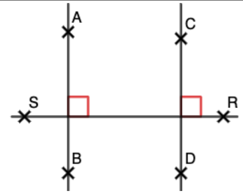
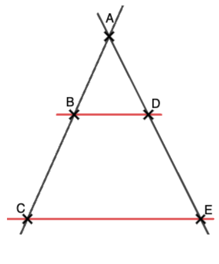
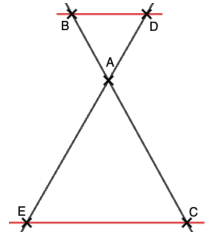
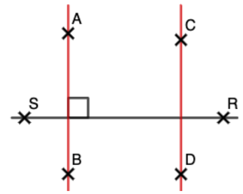
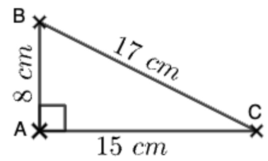
DNB Mathématiques - Fiche mémo

Objectif	Contexte	J'utilise	Exemple
Déterminer une longueur dans un triangle	- Triangle rectangle - On connaît 2 longueurs sur 3	Théorème de **Pythagore** (sens direct)	Le triangle ABC est rectangle en A, d'après le théorème de Pythagore : $BC^2 = AB^2 + AC^2$ $BC^2 = 8^2 + 15^2$ $BC^2 = 289$ BC est une longueur donc $BC > 0$ Donc : $BC = \sqrt{289} = 17\ cm$ 
	- Triangle rectangle - On connaît 1 longueur - On connaît 1 angle	**Trigonométrie** SOH CAH TOA	Le triangle DEF est rectangle en E $sin(\widehat{EFD}) = \dfrac{DE}{DF}$ $\dfrac{sin(40°)}{1} = \dfrac{DE}{6}$ $DE = 6 \times sin(40°) \simeq 3,9\ cm$ 
	- Configuration de Thalès (emboîtés ou papillon) - Droites parallèles	Théorème de **Thalès** (sens direct)	 - Les droites (BC) et (DE) sont sécantes en A - $(BD) /\!/ (CE)$ Théorème de Thalès : $\dfrac{AB}{AC} = \dfrac{AD}{AE} = \dfrac{BD}{DE}$ - On remplace les longueurs connues - Longueurs manquantes : produits en croix 
Déterminer un angle dans un triangle	- On connaît 2 angles sur 3	Somme des mesures des angles vaut 180°	La somme des mesures des angles dans un triangle vaut 180° $\widehat{STR} = 180° - \widehat{SRT} - \widehat{RST}$ $\widehat{STR} = 180° - 60° - 85°$ $\widehat{STR} = 35°$ 
	- Triangle rectangle - On connaît au moins 2 longueurs	**Trigonométrie** SOH CAH TOA	ABC est rectangle en A $cos(\widehat{ABC}) = \dfrac{AB}{BC} = \dfrac{4,5}{9}$ Donc : $\widehat{ABC} = Arccos\left(\dfrac{4,5}{9}\right) = 60°$ 
	- Deux triangles avec des mesures deux à deux proportionnelles	**Triangles semblables**	Grand : $\dfrac{DF}{BC} = \dfrac{12}{8} = \dfrac{2}{3}$ Petit : $\dfrac{DE}{AC} = \dfrac{7,5}{5} = \dfrac{2}{3}$ Moyen : $\dfrac{FE}{AB} = \dfrac{9}{6} = \dfrac{2}{3}$ → Triangles semblables $\widehat{ABC} = \widehat{DFE} = 45°$ car angles homologues. 

Objectif	Contexte	J'utilise	Exemple
Montrer que des droites sont parallèles	- Des droites perpendiculaires	Propriété : Droites perpendiculaires à une **même** droite	<u>On a :</u> $(AB) \perp (RS)$ et $(CD) \perp (RS)$ <u>Or :</u> Si deux droites sont perpendiculaires à une même droite alors elles sont parallèles entre elles. <u>Donc :</u> $(AB) \parallel (CD)$ → Souvent utilisé avant d'appliquer le théorème de Thalès 
	- Configuration de Thalès	Théorème de **Thalès** Réciproque / Contraposée	 - Les droites (BC) et (DE) sont sécantes en A <u>D'une part :</u> $\dfrac{AB}{AC} = ...$ <u>D'autre part :</u> $\dfrac{AD}{AE} = ...$  Rapports égaux : réciproque → Droites parallèles Rapports **non** égaux : contraposée → Droites **non** parallèles
Montrer qu'il y a un angle droit	- Des droites parallèles	Propriété : Droites parallèles alors toute droite perpendiculaire à l'une est perpendiculaire à l'autre	<u>On a :</u> $(AB) \parallel (CD)$ et $(AB) \perp (RS)$ <u>Or :</u> Si deux droites sont parallèles alors toute droite perpendiculaire à l'une est perpendiculaire à l'autre <u>Donc :</u> $(CD) \parallel (CD)$ 
	- Triangles rectangle - On connaît toutes les longueurs	Théorème de **Pythagore** Réciproque / Contraposée	Côté le plus long : $[BC]$ <u>D'une part :</u> $BC^2 = 17^2 = 289$ <u>D'autre part :</u> $AB^2 + AC^2 = 8^2 + 15^2 = 289$ <u>On a :</u> $BC^2 = AB^2 + AC^2$  <u>Donc :</u> d'après la réciproque du théorème de Pythagore ABC est rectangle en A. Si pas d'égalité : contraposée → Triangle non rectangle