

Rappel 2**Calcul littéral : Fiche d'exercices - Correction****I DÉVELOPPER**

$$\begin{aligned} A &= 5(x - 6) \\ A &= 5 \times x - 5 \times 6 \\ A &= 5x - 30 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C &= 5z(2z + 8) \\ C &= 5z \times 2z + 5z \times 8 \\ C &= 10z^2 + 40z \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E &= 2,5(4 - 5t^2) \\ E &= 2,5 \times 4 - 2,5 \times 5t^2 \\ E &= 10 - 12,5t^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} G &= 15(3 - 12a^2) \\ G &= 15 \times 3 - 15 \times 12a^2 \\ G &= 45 - 180a^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I &= 3y(21y - 7) \\ I &= 3y \times 21y - 3y \times 7 \\ I &= 63y^2 - 21y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= 6,2(2 + 10y) \\ B &= 6,2 \times 2 + 6,2 \times 10y \\ B &= 12,4 + 62y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D &= 10(0,5x - 2,5x^2) \\ D &= 10 \times 0,5x - 10 \times 2,5x^2 \\ D &= 5x - 25x^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F &= 7(7x + 9x^2) \\ F &= 7 \times 7x + 7 \times 9x^2 \\ F &= 49x + 63x^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} H &= 8(7y^2 - 4y) \\ H &= 8 \times 7y^2 - 8 \times 4y \\ H &= 56y^2 - 32y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} J &= 12(4x^2 - 6) \\ J &= 12 \times 4x^2 - 12 \times 6 \\ J &= 48x^2 - 72 \end{aligned}$$

III SUPPRESSION DE PARENTHÈSES

$$\begin{aligned} A &= 5x + (35 - x + 7x^2 - 21) \\ A &= 5x + 35 - x + 7x^2 - 21 \\ A &= 7x^2 - 4x + 14 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= 4y^2 - 16 - (54y - 6 + 2,2y - 9) \\ B &= 4y^2 - 16 - 54y + 6 - 2,2y + 9 \\ B &= 4y^2 - 56,2y - 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C &= 8 - (7x + 7) + 5 + (6x - 34) - 9 \\ C &= 8 - 7x - 7 + 5 + 6x - 34 - 9 \\ C &= -x - 37 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D &= 13t - (5,4t + 8,9 - 81t^2 - 61t) \\ D &= 13t - 5,4t - 8,9 + 81t^2 + 61t \\ D &= 81t^2 + 68,6t - 8,9 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E &= 1 + (x - 1 + 10x - 0,01x^2 - 0,1x) + 0,01 \\ E &= 1 + x - 1 + 10x - 0,01x^2 - 0,1x + 0,01 \\ E &= -0,01x^2 + 10,9x + 0,01 \end{aligned}$$

II FACTORISER

$$\begin{aligned} A &= 5x + 35 \\ A &= 5 \times x + 5 \times 7 \\ A &= 5(x + 7) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C &= 4y^2 - 16 \\ C &= 4 \times y^2 - 4 \times 4 \\ C &= 4(y^2 - 4) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E &= 2,5t + 7,5 \\ E &= 2,5 \times t + 2,5 \times 3 \\ E &= 2,5(t + 3) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} G &= 25 - 75x \\ G &= 25 \times 1 - 25 \times 3x \\ G &= 25(1 - 3x) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I &= 2y + 24y^2 \\ I &= 2y \times 1 + 2y \times 12y \\ I &= 2y(1 + 12y) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} K &= 22x^2 - 33x \\ K &= 11x \times 2x - 11x \times 3 \\ K &= 11x(2x - 3) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= 6x - 18 \\ B &= 6 \times x - 6 \times 3 \\ B &= 6(x - 3) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D &= 10z^2 - 100z \\ D &= 10z \times z - 10z \times 10 \\ D &= 10z(z - 10) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F &= 7x - 63x^2 \\ F &= 7x \times 1 - 7x \times 9x \\ F &= 7x(1 - 9x) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} H &= 66b^2 - 11b \\ H &= 11b \times 6b - 11b \times 1 \\ H &= 11b(6b - 1) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} J &= x - 86x^2 \\ J &= x \times 1 - x \times 86x \\ J &= x(1 - 86x) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} L &= 0,75x^2 - 0,75 \\ L &= 0,75 \times x^2 - 0,75 \times 1 \\ L &= 0,75(x^2 - 1) \end{aligned}$$

IV DÉVELOPPER ET RÉDUIRE

$$\begin{aligned} A &= 4(x + 6) + 5 - (6x + 7^2 - 3) \\ A &= 4 \times x + 4 \times 6 + 5 - 6x - 49 + 3 \\ A &= 4x + 24 + 5 - 6x - 49 + 3 \\ A &= -2x - 17 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= 2x(x - 2,22) + 22x(2x - 2) \\ B &= 2x \times x - 2x \times 2,22 + 22x \times 2x - 22x \times 2 \\ B &= 2x^2 - 4,44x + 44x^2 - 44x \\ B &= 42x^2 - 48,44x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C &= 5x + 6x(4x - 12) + 12x(x - 3) \\ C &= 5x + 6x \times 4x - 6x \times 12 + 12x \times x - 12x \times 3 \\ C &= 5x + 24x^2 - 72x + 12x^2 - 36x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D &= 3(5,5x - 7,2) + 7x - (5x + 8x^2 - 6,2) \\ D &= 3 \times 5,5x - 3 \times 7,2 + 7x - 5x - 8x^2 + 6,2 \\ D &= 16,5x - 21,6 + 7x - 5x - 8x^2 + 6,2 \\ D &= -8x^2 + 18,5x - 15,4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E &= 7x^2 - (6x + 3,1(3x^2 - 5x) - 1) \\ E &= 7x^2 - (6x + 3,1 \times 3x^2 - 3,1 \times 5x - 1) \\ E &= 7x^2 - (6x + 9,3x^2 - 15,5x - 1) \\ E &= 7x^2 - 6x - 9,3x^2 + 15,5x + 1 \\ E &= -2,3x^2 + 9,5x + 1 \end{aligned}$$

V PROGRAMMES DE CALCUL

Exercice 1

Programme A	Programme B
• Choisir un nombre	• Choisir un nombre
• Multiplier le par 2	• Calculer son carré
• Soustraire 2	• Multiplier par 2
• Multiplier par le nombre de départ	• Soustraire le double du nombre de départ

1. Que donne ces programmes de calcul si on choisit comme nombre de départ 5 ?

Programme A :

$$5 \rightarrow 2 \times 5 = 10 \rightarrow 10 - 2 = 8 \rightarrow 8 \times 5 = 40$$

Programme B :

$$5 \rightarrow 5^2 = 25 \rightarrow 25 \times 2 = 50 \rightarrow 50 - 2 \times 5 = 40$$

2. Que donne ces programmes de calcul si on choisit comme nombre de départ 10 ?

Programme A :

$$10 \rightarrow 2 \times 10 = 20 \rightarrow 20 - 2 = 18 \rightarrow 18 \times 10 = 180$$

Programme B :

$$\begin{aligned} 10 &\rightarrow 10^2 = 100 \rightarrow 100 \times 2 = 200 \rightarrow \\ &200 - 2 \times 10 = 180 \end{aligned}$$

3. Que peut-on faire comme hypothèse ?

Prouver la.

On suppose que ces deux programmes donnent toujours le même résultat lorsque l'on choisit le même nombre de départ.

Soit x un nombre quelconque.

Programme A	Programme B
x	x
$2x = 2x$	x^2
$2x - 2$	$2x^2$
$x \times (2x - 2) = 2x^2 - 2x$	$2x^2 - 2x$

Lorsque l'on choisit un nombre quelconque x au départ, ces deux programmes donnent tous les deux $2x^2 - 2x$.

Exercice 2

Programme A	Programme B
• Choisir un nombre	• Choisir un nombre
• Ajouter (-3)	• Multiplier par (-4)
• Multiplier par (-2)	• Ajouter le double du nombre de départ
• Soustraire 6	

1. Que donne ces programmes de calcul si on choisit comme nombre de départ 2 ?

Programme A :

$$\begin{aligned} 2 &\rightarrow 2 + (-3) = -1 \rightarrow -1 \times (-2) = 2 \\ &\rightarrow 2 - 6 = -4 \end{aligned}$$

Programme B :

$$2 \rightarrow 2 \times (-4) = -8 \rightarrow -8 + 2 \times 2 = -4$$

2. Que donne ces programmes de calcul si on choisit comme nombre de départ -4 ?

Programme A :

$$\begin{aligned} -4 &\rightarrow -4 + (-3) = -7 \rightarrow -7 \times (-2) = \\ &14 \rightarrow 14 - 6 = 8 \end{aligned}$$

Programme B :

$$-4 \rightarrow -4 \times (-4) = 16 \rightarrow 16 + 2 \times (-4) = 8$$

3. Que peut-on faire comme hypothèse ?

Prouver la.

On suppose que ces deux programmes donnent toujours le même résultat lorsque l'on choisit le même nombre de départ.

Soit x un nombre quelconque.

Programme A	Programme B
x	x
$x - 3$	$-4 \times x = -4x$
$-2(x - 3) = -2x + 6$	$-4x + 2x = -2x$
$-2x + 6 - 6 = -2x$	

Lorsque l'on choisit un nombre quelconque x au départ, ces deux programmes donnent tous les deux $-2x$.