M. Viel

Racine carrée : Fiche d'exercices

Exercice 1

$$3^2 = 3 \times 3 = 9$$
 $\sqrt{16} = 4 (car \ 4^2 = 16)$ $\sqrt{121} = 11 (car \ 11^2 = 121)$

$$5^2 = 5 \times 5 = 25$$
 $\sqrt{36} = 6 (car 6^2 = 36)$ $\sqrt{81} = 9 (car 9^2 = 81)$

$$8^2 = 8 \times 8 = 64$$
 $\sqrt{49} = 7 (car 7^2 = 49)$ $\sqrt{169} = 13 (car 13^2 = 169)$

Exercice 2

Compléter le tableau suivant

a > 0	8	12	20,25	3,3	1,72	8,2
a^2	64	144	20,25	10,89	2,958 4	67,24

Exercice 3

Donner un encadrement à l'unité près des racines carrées suivantes :

$$\sqrt{12}$$
 $\sqrt{89}$ $\sqrt{55}$ $\sqrt{125}$ $\sqrt{60}$ $\sqrt{410}$

$$\underline{\text{On a:}} \quad 9 < 12 < 16$$
 $\underline{\text{On a:}} \quad 81 < 89 < 100$

Donc:
$$\sqrt{9} < \sqrt{12} < \sqrt{16}$$
 Donc: $\sqrt{81} < \sqrt{89} < \sqrt{100}$

Comme
$$\sqrt{9} = 3$$
 et $\sqrt{16} = 4$ Comme $\sqrt{81} = 9$ et $\sqrt{100} = 10$

Alors:
$$3 < \sqrt{12} < 4$$
 Alors: $9 < \sqrt{89} < 10$

On a:
$$49 < 55 < 64$$
 On a: $121 < 125 < 144$

$$\underline{\mathrm{Donc}:} \quad \sqrt{49} \ < \ \sqrt{55} \ < \ \sqrt{64} \qquad \quad \underline{\mathrm{Donc}:} \quad \sqrt{81} \ < \ \sqrt{125} \ < \ \sqrt{144}$$

Comme
$$\sqrt{49} = 7$$
 et $\sqrt{64} = 8$ Comme $\sqrt{121} = 11$ et $\sqrt{144} = 12$

Alors:
$$7 < \sqrt{55} < 8$$
 Alors: $11 < \sqrt{125} < 10$

$$\underline{\text{On a:}} \quad 49 < 60 < 64 \qquad \qquad \underline{\text{On a:}} \quad 400 < 410 < 441$$

Donc:
$$\sqrt{49} < \sqrt{60} < \sqrt{64}$$
 Donc: $\sqrt{400} < \sqrt{410} < \sqrt{441}$

Comme
$$\sqrt{49} = 7$$
 et $\sqrt{64} = 8$ Comme $\sqrt{400} = 20$ et $\sqrt{441} = 21$

Alors:
$$7 < \sqrt{60} < 8$$
 Alors: $20 < \sqrt{410} < 21$

Exercice 4

Un carré a une aire égale à $24 \text{ } cm^2$. Détermine la valeur exacte de la longueur du côté du carré, puis une valeur approchée au millimètre.

Le côté de ce carré mesure $\sqrt{24}$ cm.

En effet :
$$\sqrt{24} \ cm \times \sqrt{24} \ cm = 24 \ cm^2$$

Au millimètre, on donne une décimale : $\sqrt{24} \simeq 4.9 \ cm$

Exercice 5

Effectuer les calculs suivants :

$$(2\sqrt{13})^{2} = (2\sqrt{13}) \times (2\sqrt{13}) = 2 \times \sqrt{13} \times 2 \times \sqrt{13}$$
$$= 2 \times 2 \times \underbrace{\sqrt{13} \times \sqrt{13}}_{=13} = 4 \times 13 = 52$$

$$(8\sqrt{11})^{2} = (8\sqrt{11}) \times (8\sqrt{11}) = 8 \times 8 \times \underbrace{\sqrt{11} \times \sqrt{11}}_{=11}$$
$$= 64 \times 11 = 704$$

$$(-4\sqrt{3})^{2} = (-4\sqrt{3}) \times (-4\sqrt{3}) = -4 \times (-4) \times \underbrace{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}_{=3}$$
$$= 16 \times 3 = 48$$

$$(7\sqrt{9}) \times (-2\sqrt{4}) = 7 \times \underbrace{\sqrt{9}}_{3} \times (-2) \times \underbrace{\sqrt{4}}_{2} = 7 \times 3 \times (-2) \times 2$$
$$= 21 \times (-4) = -84$$