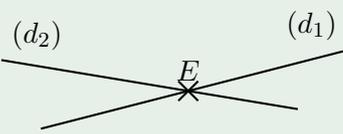


Chapitre n°4 : Droites perpendiculaires et parallèles

I Droites sécantes

Définition :
Des droites **sécantes** sont des droites qui se coupent en un seul point appelé **point d'intersection**.

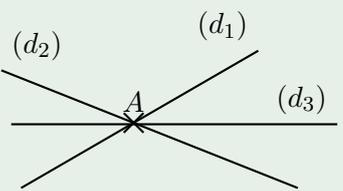
Exemple



(d_1) et (d_2) sécantes en E
 E est le point d'intersection de (d_1) et (d_2)

Définition :
Des **droites concourantes** sont des droites qui ont un point d'intersection commun. Ce point est appelé **point de concours**.

Exemple



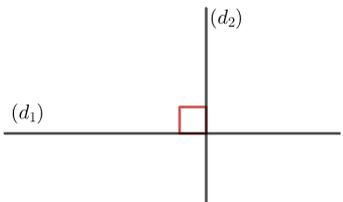
(d_1) , (d_2) et (d_3) sont concourantes en A
 A est le point de concours de (d_1) , (d_2) et (d_3)

II Droites perpendiculaires

1 DÉFINITION

Définition :
On dit que deux droites sont **perpendiculaires** si elles sont sécantes en formant un **angle droit**.

On dit (d_1) et (d_2) sont perpendiculaires et on note $(d_1) \perp (d_2)$.
On code l'angle droit par un carré.



2 CONSTRUCTION

PROPRIÉTÉ.
Soit (d) une droite et A un point. Il existe une unique droite perpendiculaire à (d) passant par A .

Méthode
Construire la perpendiculaire à (d) passant par M .



On place un des côtés de l'angle droit sur la droite (d) et l'autre côté sur le point M .

On prolonge la droite



III Droites parallèles

1 DÉFINITION

Définition :
 On dit que deux droites sont **parallèles** si elles ne sont pas sécantes.
 Si (d_1) et (d_2) sont parallèles, on note $(d_1) \parallel (d_2)$.



2 CONSTRUCTION

PROPRIÉTÉ.
 Soit (d) une droite et A un point. Il existe une unique droite parallèle à (d) passant par A .

Méthode
 Construire la perpendiculaire à (d) passant par M .



On place un des côtés de l'angle droit sur la droite (d) et la règle sur l'autre côté de l'angle droit.

On fait coulisser l'équerre le long de la règle jusqu'au point N .

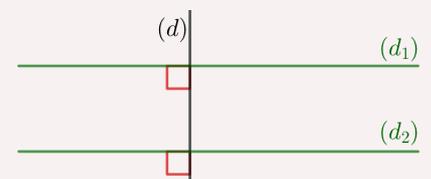


IV Propriétés

1 ÉNONCÉS

PROPRIÉTÉ.
 Si deux droites sont perpendiculaires à une même troisième droite **alors** ces deux droites sont parallèles.

On a : $(d_1) \perp (d)$ et $(d_2) \perp (d)$ **Donc :** $(d_1) \parallel (d_2)$



Remarque : C'est cette propriété qui nous permet de construire des droites parallèles avec une équerre.

Démonstration

.....

.....

.....

.....

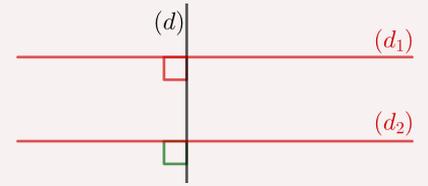
.....

PROPRIÉTÉ.

Si deux droites sont parallèles **alors** toute droite perpendiculaire à l'une est aussi perpendiculaire à l'autre.

On a : $(d_1) \parallel (d_2)$ et $(d_1) \perp (d)$

Donc : $(d_2) \perp (d)$



PROPRIÉTÉ. Transitivité du parallélisme

Si deux droites sont parallèles **alors** toute droite parallèle à l'une est aussi parallèle à l'autre.

On a : $(d_1) \parallel (d)$ et $(d_2) \parallel (d)$

Donc : $(d_1) \parallel (d_2)$



Démonstration

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2 EXERCICE DE DÉMONSTRATION

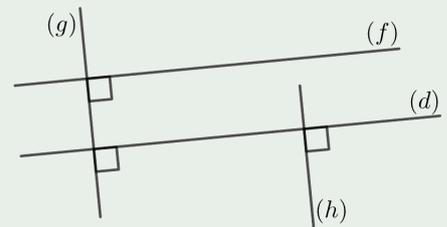
Exemple

1. Montrer que (g) et (h) sont parallèles.

.....

.....

.....



2. En déduire que (h) et (f) sont perpendiculaires.

.....

.....

.....

V Distance

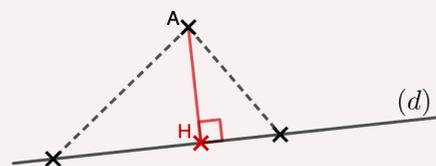
1 DROITE ET POINT

Définition :

La distance d'un point A à une droite (d) est la plus courte distance séparant le point A d'un point de (d) .

PROPRIÉTÉ.

La distance d'un point A à une droite (d) est égale à la longueur du segment $[AH]$ où H est le pied de la perpendiculaire à (d) passant par A .



2 DROITES PARALLÈLES

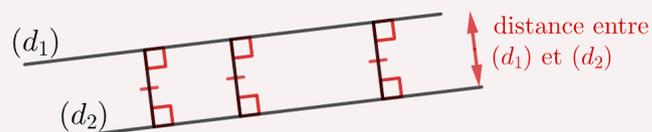
Définition :

La distance entre deux droites parallèles correspond à la longueur du plus court segment de droite qui les sépare.

PROPRIÉTÉ.

Si deux droites sont parallèles, tous les segments reliant ces deux droites perpendiculairement sont de même longueur.

Cette longueur est la distance entre ces deux droites.



V Distance

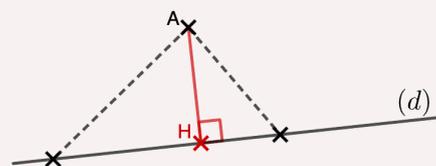
1 DROITE ET POINT

Définition :

La distance d'un point A à une droite (d) est la plus courte distance séparant le point A d'un point de (d) .

PROPRIÉTÉ.

La distance d'un point A à une droite (d) est égale à la longueur du segment $[AH]$ où H est le pied de la perpendiculaire à (d) passant par A .



2 DROITES PARALLÈLES

Définition :

La distance entre deux droites parallèles correspond à la longueur du plus court segment de droite qui les sépare.

PROPRIÉTÉ.

Si deux droites sont parallèles, tous les segments reliant ces deux droites perpendiculairement sont de même longueur.

Cette longueur est la distance entre ces deux droites.

