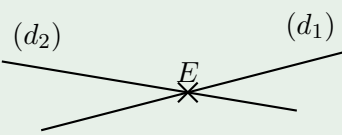


# Chapitre n°4 : Droites perpendiculaires et parallèles

## I Droites sécantes

**Définition :**  
Des droites **sécantes** sont des droites qui se coupent en un seul point appelé **point d'intersection**.

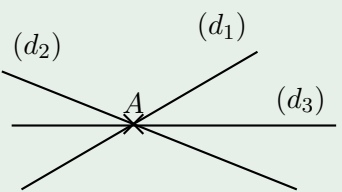
**Exemple**



$(d_1)$  et  $(d_2)$  sécantes en  $E$   
 $E$  est le point d'intersection de  $(d_1)$  et  $(d_2)$

**Définition :**  
Des **droites concourantes** sont des droites qui ont un point d'intersection commun. Ce point est appelé **point de concours**.

**Exemple**



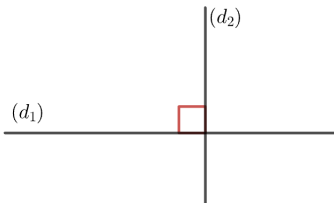
$(d_1)$ ,  $(d_2)$  et  $(d_3)$  sont concourantes en  $A$   
 $A$  est le point de concours de  $(d_1)$ ,  $(d_2)$  et  $(d_3)$

## II Droites perpendiculaires

### 1 DÉFINITION

**Définition :**  
On dit que deux droites sont **perpendiculaires** si elles sont sécantes en formant un **angle droit**.


On dit  $(d_1)$  et  $(d_2)$  sont perpendiculaires et on note  $(d_1) \perp (d_2)$ .  
On code l'angle droit par un carré.



### 2 CONSTRUCTION


**PROPRIÉTÉ.**  
Soit  $(d)$  une droite et  $A$  un point. Il existe une unique droite perpendiculaire à  $(d)$  passant par  $A$ .

**Méthode**  
Construire la perpendiculaire à  $(d)$  passant par  $M$ .



On place un des côtés de l'angle droit sur la droite  $(d)$  et l'autre côté sur le point  $M$ .


On prolonge la droite



### III Droites parallèles

#### 1 DÉFINITION


**Définition :**  
 On dit que deux droites sont **parallèles** si elles ne sont pas sécantes.  
 Si  $(d_1)$  et  $(d_2)$  sont parallèles, on note  $(d_1) \parallel (d_2)$ .



#### 2 CONSTRUCTION


**PROPRIÉTÉ.**  
 Soit  $(d)$  une droite et  $A$  un point. Il existe une unique droite parallèle à  $(d)$  passant par  $A$ .

**Méthode**  
 Construire la perpendiculaire à  $(d)$  passant par  $M$ .



On place un des côtés de l'angle droit sur la droite  $(d)$  et la règle sur l'autre côté de l'angle droit.

On fait coulisser l'équerre le long de la règle jusqu'au point  $N$ .




### IV Propriétés

#### 1 ÉNONCÉS

**PROPRIÉTÉ.**  
 Si deux droites sont perpendiculaires à une même troisième droite **alors** ces deux droites sont parallèles.

On a :  $(d_1) \perp (d)$  et  $(d_2) \perp (d)$       **Donc :**  $(d_1) \parallel (d_2)$



**Remarque :** C'est cette propriété qui nous permet de construire des droites parallèles avec une équerre.

#### Démonstration

.....

.....

.....

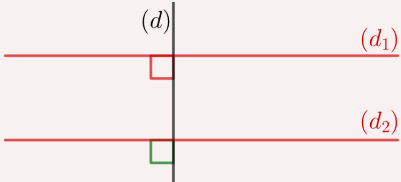
.....

.....

**PROPRIÉTÉ.**

Si deux droites sont parallèles **alors** toute droite perpendiculaire à l'une est aussi perpendiculaire à l'autre.


On a :  $(d_1) \parallel (d_2)$  et  $(d_1) \perp (d)$       Donc :  $(d_2) \perp (d)$



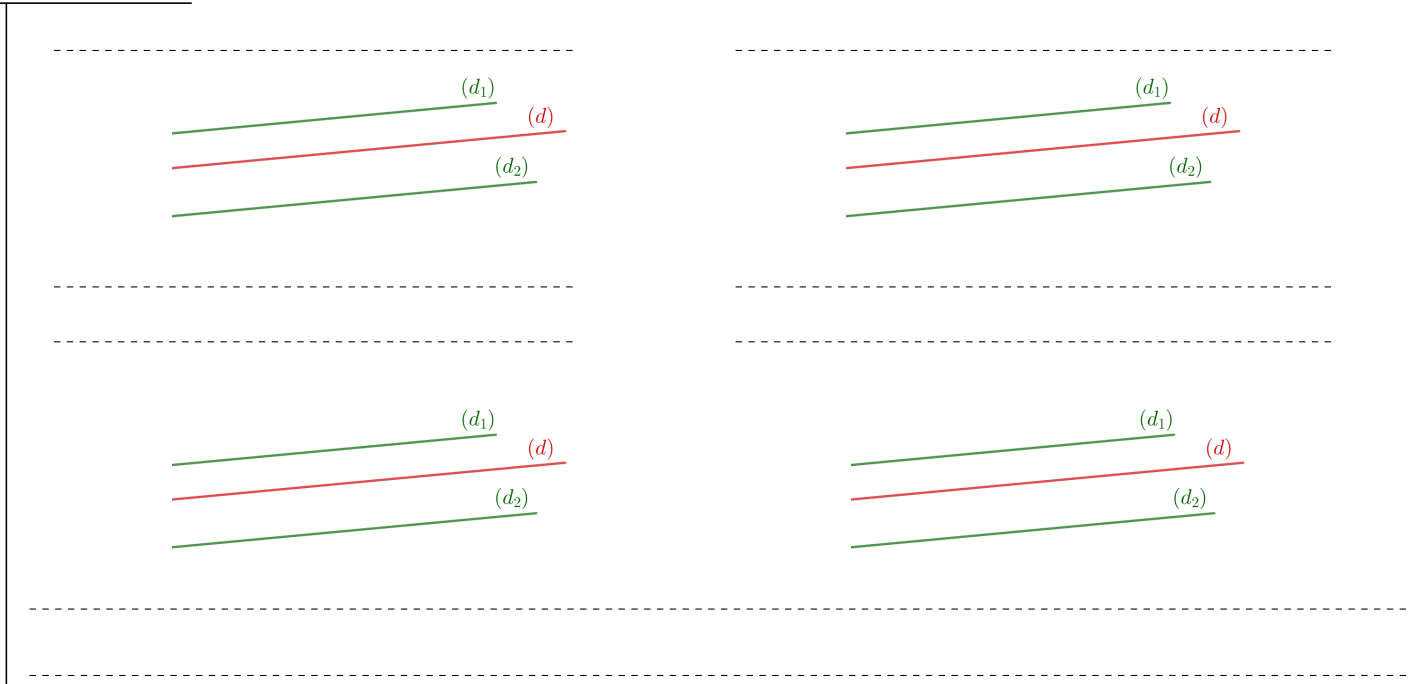
**PROPRIÉTÉ. Transitivité du parallélisme**

Si deux droites sont parallèles **alors** toute droite parallèle à l'une est aussi parallèle à l'autre.

On a :  $(d_1) \parallel (d)$  et  $(d_2) \parallel (d)$       Donc :  $(d_1) \parallel (d_2)$



**Démonstration**



**2 EXERCICE DE DÉMONSTRATION**

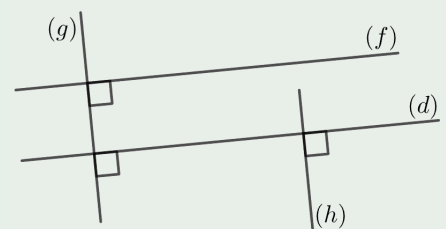
**Exemple**

1. Montrer que  $(g)$  et  $(h)$  sont parallèles.

.....

.....

.....



2. En déduire que  $(h)$  et  $(f)$  sont perpendiculaires.

.....

.....

.....

# V Distance

## 1 DROITE ET POINT

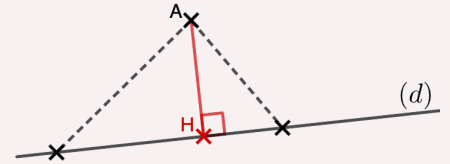


### Définition :

La distance d'un point  $A$  à une droite  $(d)$  est la plus courte distance séparant le point  $A$  d'un point de  $(d)$ .

### PROPRIÉTÉ.

La distance d'un point  $A$  à une droite  $(d)$  est égale à la longueur du segment  $[AH]$  où  $H$  est le pied de la perpendiculaire à  $(d)$  passant par  $A$ .



## 2 DROITES PARALLÈLES



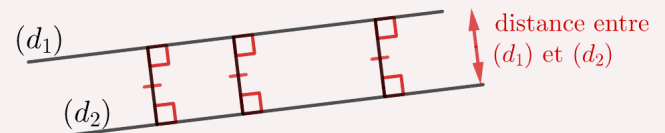
### Définition :

La distance entre deux droites parallèles correspond à la longueur du plus court segment de droite qui les sépare.

### PROPRIÉTÉ.

Si deux droites sont parallèles, tous les segments reliant ces deux droites perpendiculairement sont de même longueur.

Cette longueur est la distance entre ces deux droites.



# V Distance

## 1 DROITE ET POINT

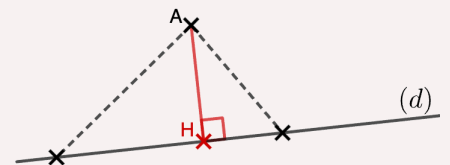


### Définition :

La distance d'un point  $A$  à une droite  $(d)$  est la plus courte distance séparant le point  $A$  d'un point de  $(d)$ .

### PROPRIÉTÉ.

La distance d'un point  $A$  à une droite  $(d)$  est égale à la longueur du segment  $[AH]$  où  $H$  est le pied de la perpendiculaire à  $(d)$  passant par  $A$ .



## 2 DROITES PARALLÈLES



### Définition :

La distance entre deux droites parallèles correspond à la longueur du plus court segment de droite qui les sépare.

### PROPRIÉTÉ.

Si deux droites sont parallèles, tous les segments reliant ces deux droites perpendiculairement sont de même longueur.

Cette longueur est la distance entre ces deux droites.

